

## УДК 621.31

- 1) **Верлань, Анатолій Федорович**, д-р техн. наук, професор, провідний науковий співробітник Інституту проблем моделювання в енергетиці ім. Г. Є. Пухова НАН України, E-mail: afver1277@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-6469-2638, м. Київ, Україна
- 2) **Положаєнко, Сергій Анатолійович**, д-р техн. наук, професор, завідувач кафедри комп'ютеризованих систем управління, E-mail: sanp277@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-4082-8270, м. Одеса, Україна
- 2) **Прокоф'єва, Людмила Леонідівна**, ст. викладач кафедри комп'ютеризованих систем управління, E-mail: prokofieva@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-4045-2402, м. Одеса, Україна
- 2) **Шилов, Володимир Петрович**, канд. техн. наук, доцент, доцент кафедри комп'ютеризованих систем управління, E-mail: shylovvp@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-3016-014X, м. Одеса, Україна
- 1) Інститут проблем моделювання в енергетиці НАН України ім. Г. Є. Пухова, вул. Генерала Наумова, 15, м. Київ, Україна
- 2) Одеський національний політехнічний університет, пр. Шевченка, 1, м. Одеса, 65044, Україна

### Діагностування підсистем, які характеризуються властивістю незалежних спостережень та управління

**Анотація.** Сучасна практика розробки технічних систем, і електротехнічних зокрема, показує, що їх надійність закладається на стадії проектування та забезпечується на стадії виробництва. Недосконалість технології виробництва та порушення режимів експлуатації можуть спричинити появу різного роду дефектів у готових системах. Таким чином, діагностування технічного об'єкта (системи) обов'язково має бути присутнім на всіх етапах його життєвого циклу. Тому, різноманітні роботи щодо забезпечення процесу діагностування технічної системи проводяться при її розробці, виготовленні, випробуваннях та експлуатації. При цьому мета діагностування полягає у підтриманні необхідного рівня показників технічного стану системи. На стадії проектування основною задачею діагностування є забезпечення можливості потенціального діагностування системи, що проектується, а на стадії виробництва та експлуатації — поточний контроль її працездатності. Постійне зростання складності технічних систем, пов'язане зі збільшенням та ускладненням виконуваних функцій, удосконаленням технології виробництва, підвищенням вимог до показників якості тощо, призводить до ускладнення методів та засобів діагностування, які забезпечують необхідні властивості систем. Для діагностування електротехнічних пристроїв використовуються такі методи як: периферійне сканування, технологія автоматичної генерації зразків, вбудоване само сканування, а також методи параметричної ідентифікації, методи контролю несправностей, методи оцінювання тощо. Багатьом з цих методів притаманні наступні недоліки: значний обсяг обчислень, необхідність доступу до всіх вузлів електричної схеми, чутливість до похибок обчислень, і, як наслідок — складність практичної реалізації. Крім того, значне поширення при діагностуванні електротехнічних пристроїв набув метод довідників, заснований на віднаходженні з множини значень напруг або струмів в контрольних точках тих з них, які ближчі за все до значень, отриманих при вимірюванні в пристрої, що діагностується. Незважаючи на значні досягнення в області діагностування технічного стану систем, на теперішній час визначальною залишається актуальність теоретичних досліджень та практичного застосування методів діагностування як основи щодо забезпечення необхідних показників якості систем (і електротехнічних, зокрема) та підвищення достовірності оцінок технічного стану останніх. Розглянуто та досліджено умови незалежних спостережень та управління, які забезпечують можливість проведення діагностичного експерименту без виведення контрольованої системи з експлуатації.

**Ключові слова:** діагностування; діагностичний експеримент; методи діагностики; умови працездатності; незалежне спостереження; незалежне управління; технічна система

**Вступ.** Діагностування працездатного стану технічних, зокрема електротехнічних пристроїв (ЕП) різного призначення являє собою важливу наукову та прикладну задачу. В постановочному плані і в процесі реалізації дана задача суттєво ускладнюється необхідністю отримання оцінок стану об'єкта, що діагностується, безпосередньо в робочих режимах роботи. Особливо актуально вказаний аспект рішення задачі діагностування полягає для пристроїв, які не підлягають виведенню з експлуатації. Наприклад, це стосується

елементів аварійної сигналізації; компонентів диспетчерського управління, що не мають резервування, а також пристроїв, які працюють у автономному режимі (зокрема, зонди атмосферного та водного простору) тощо.

Відомі на поточний час методи функціонування та тестового діагностування характеризуються низкою суттєвих недоліків. Так, методи функціонального діагностування [1-8] обмежені можливістю проведення

© А. Ф. Верлань; С. А. Положаєнко;  
Л. Л. Прокоф'єва; В. П. Шилов; 2018

This is an open access article under the CC BY license (<https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/deed.uk>)

діагностичного експерименту (наприклад, через необхідність формування на вході об'єкта довільного тестового сигналу), що суттєво знижує ефективність діагностування. Методи тестового діагностування [9; 10], в свою чергу, потребують виведення з експлуатації об'єкт, який діагностується, що не дозволяє використовувати дані методи безпосередньо в ході робочого циклу. Зазначені недоліки призводять до необхідності розвитку методів діагностування, які забезпечують, з одного боку – максимальну повноту отримуваної оцінки результату діагностування, а з іншого боку – проведення діагностичного експерименту безпосередньо в процесі експлуатації об'єкта, в якості якого може розглядатися широкий клас ЕП.

**Мета роботи.** Визначення умов незалежних спостереження та управління при проведенні діагностичного експерименту для ЕП, які являють собою без інерційні системи або системи, опис яких формалізовано у вигляді передаточних функцій.

**Основна частина.** При розв'язуванні задач діагностування за звичай [11; 12] розглядаються окремо об'єкти діагностування зі *спрямованим* (системи) та *не спрямованим* (ланцюги) розповсюдженням сигналів. До перших відносяться, наприклад, неперервні системи управління, а до других — електричні ланцюги. В практичних додатках значне поширення набули *безінерційні* системи, час перехідних процесів в яких  $\tau_{\text{ш}} \rightarrow 0$ . Саме поширеність безінерційних систем зумовлює інтерес до їх діагностування.

**1. Діагностування підсистем в безінерційних системах, які мають властивість незалежного спостереження.** Розглянемо безінерційні системи, у яких залежність вихідного сигналу системи від вихідних сигналів підсистем, що перевіряються (діагностуються) лінійна. В цьому випадку опис систем зі справною підсистемою  $S_j$  можна представити наступним чином:

$$\mathbf{y} = A(\mathbf{u}) + \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_j, \quad (1)$$

де  $\mathbf{y}$  – сигнал на виході несправної системи;  $\mathbf{u}$  – сигнал на вході несправної системи;  $A$  – оператор, який описує справну систему;  $\mathbf{L}_j(\mathbf{u}) = \partial \mathbf{y} / \partial \mathbf{Z}_j$  – матриця функцій чутливості;  $\Delta \mathbf{Z}_j = \mathbf{Z}_j - \mathbf{Z}_j^*$  – зміна сигналу на виході несправної підсистеми у порівнянні з її справним станом при одному й тому ж сигналі на вході.

З викладеного вище можна записати

$$\Delta \mathbf{y} = \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_j. \quad (2)$$

Несправна система є спостережною тоді і тільки тоді, коли існує таке  $\mathbf{u}$ , що

$$\text{rang } \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) = n_j,$$

де  $n_j$  – розмірність вектора  $\mathbf{Z}_j$ .

Пошук несправної підсистеми здійснюється послідовною перевіркою гіпотез  $H_i$ :

$$\Delta \mathbf{y} = \mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_i; \quad i = \overline{1, N}, \quad (3)$$

де  $N$  – число підсхем, які перевіряються.

Рівняння (3) являє собою діагностичне рівняння при перевірці гіпотези  $H_i$ . Перевірка гіпотези  $H_i$  полягає у перевірці спільності рівнянь (3). Якщо рівняння (3) спільні, то гіпотеза  $H_i$  приймається, і підсистема  $S_i$  вважається несправною. Якщо рівняння (3) неспільні, то гіпотеза  $H_i$  не приймається та перевіряється чергова гіпотеза.

Підсистеми  $S_i$ ,  $S_j$  не є такими, що розрізняються, в тому і тільки тому випадку, якщо при несправній підсистемі  $S_j$  існує таке значення  $\Delta \mathbf{Z}_i$ , що

$$\mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_i = \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_j, \quad (4)$$

тобто для  $\forall \mathbf{u}$  та  $\forall \Delta \mathbf{Z}_j \exists \Delta \mathbf{Z}_i$  таке, що  $\mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_i = \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_j$ .

Аналіз умов, при яких не виконується рівність (4) дозволяє встановити критерії, за якими підсистеми не розрізняються.

**Визначення 1.1.** Підсистеми  $S_i$ ,  $S_j$  називаються підсистемами з *незалежним спостереженням* при гіпотезі  $H_i$ , якщо підсистема  $S_i$  є спостережною та існує таке  $\mathbf{u}$ , що умова (4) не виконується для всіх  $\Delta \mathbf{Z}_i$  та  $\Delta \mathbf{Z}_j$ , тобто

$$\exists \mathbf{u}, \forall \Delta \mathbf{Z}_i, \forall \Delta \mathbf{Z}_j \quad \mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_i \neq \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta \mathbf{Z}_j.$$

Підсистеми  $S_i$ ,  $S_j$  мають незалежні спостереження при гіпотезі  $H_i$  в тому і лише в тому випадку, якщо існує таке значення  $\mathbf{u}$ , що

$$\text{rang} \begin{bmatrix} \mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \\ \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \end{bmatrix} = n + \text{rang} \begin{bmatrix} \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \end{bmatrix}. \quad (5)$$

**Доведення.** Розглянемо наступні лінійні простори

$$P_i = \{\Delta Z_i\}, P_j = \{\Delta Z_j\},$$

які за допомогою операторів  $\mathbf{L}_i(\mathbf{u})$  та  $\mathbf{L}_j(\mathbf{u})$  відображуються в просторах  $Q_i$  та  $Q_j$

$$\mathbf{L}_i(\mathbf{u}) : P_i \rightarrow Q_i, \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) : P_j \rightarrow Q_j.$$

Очевидно, виходячи з властивостей лінійних операторів, можна стверджувати, що

$$\dim P_i = n_i; \dim P_j = n_j,$$

$$\dim Q_i = \text{rang}[\mathbf{L}_i(\mathbf{u})];$$

$$\dim Q_j = \text{rang}[\mathbf{L}_j(\mathbf{u})].$$

Розглянемо простір  $P$  векторів  $[\Delta Z_i^T \ \dots \ \Delta Z_j^T]^T$  та оператор  $\mathbf{L}(\mathbf{u}) = [\mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \ \dots \ \mathbf{L}_j(\mathbf{u})]$ , який здійснює відображення  $\mathbf{L}(\mathbf{u}) : P \rightarrow Q$ ,

звідки маємо

$$\dim Q = \text{rang}[\mathbf{L}(\mathbf{u})].$$

Легко можна показати, що

$$Q_i \subset Q \text{ та } Q_j \subset Q.$$

Таким чином, маємо

$$\dim Q \leq \dim Q_i + \dim Q_j.$$

Нехай

$$\forall \Delta Z_i \ \forall \Delta Z_j \ \mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \Delta Z_i = \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta Z_j.$$

тобто підсистеми  $S_i, S_j$  є такими, що спостерігаються незалежно.

$$\text{Тоді } Q_i \cap Q_j = \{0\}.$$

Тобто, справедливо суворі рівність

$$\dim Q = \dim Q_i + \dim Q_j,$$

а це означає, що

$$\text{rang}[\mathbf{L}(\mathbf{u})] = \text{rang}[\mathbf{L}_i(\mathbf{u})] + \text{rang}[\mathbf{L}_j(\mathbf{u})].$$

Враховуючи, що  $\text{rang}[\mathbf{L}_i(\mathbf{u})] = n_i$  отримаємо

$$\mathbf{L}(\mathbf{u}) = n_i + \text{rang}[\mathbf{L}_j(\mathbf{u})]$$

і навпаки, якщо

$$\text{rang}[\mathbf{L}(\mathbf{u})] = \text{rang}[\mathbf{L}_i(\mathbf{u})] + \text{rang}[\mathbf{L}_j(\mathbf{u})],$$

$$\dim Q = \dim Q_i + \dim Q_j$$

то, відповідно

$$Q_i \cap Q_j = \{0\},$$

а, значить, виконується нерівність

$$\forall \Delta Z_i \ \forall \Delta Z_j \ \mathbf{L}_i(\mathbf{u}) \Delta Z_i \neq \mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta Z_j.$$

Для забезпечення властивості незалежного спостереження підсистем  $S_i, S_j$  в загальному випадку необхідно  $n_i + n_j$  контрольних точок.

Однак вектори  $\Delta Z_i$  та  $\Delta Z_j$  можуть бути лінійно незалежними (з урахуванням конкретного значення  $\Delta Z_j$ ) при  $n+1$  в контрольній точці, якщо виконується умова [13]

$$\text{rang}[\mathbf{L}_i(\mathbf{u}_k) \ \dots \ \mathbf{L}_{j,k}(\mathbf{u}_k)] = n_i + 1; \ k = \overline{1, n_j}, \quad (6)$$

де  $\mathbf{L}_{j,k}$  –  $k$ -й стовпчик матриці  $\mathbf{L}_j(\mathbf{u})$ .

Якщо матриці  $\mathbf{L}_i(\mathbf{u}), \mathbf{L}_j(\mathbf{u})$  є функціями сигналів на виході системи і можуть змінюватися в процесі діагностичного експерименту, то вірогідність появи для різних значень  $\mathbf{u}$  таких значень  $\Delta Z_j$ , що за умови (6) вектор  $\mathbf{L}_j(\mathbf{u}) \Delta Z_j$  є лінійно залежним з матрицею  $\mathbf{L}_i(\mathbf{u})$  мала. Якщо цією вірогідністю можна знехтувати (що на практиці часто має місце), то умову (6) можна прийняти в якості критерію незалежності спостережень підсистем.

Справедливим можна вважати наступне твердження [12]: якщо підсистеми  $S_i, S_j$  мають незалежні спостереження, то вони є такими, що розрізняються.

Процедура діагностування підсистем, що спостерігаються незалежно, полягає у перевірці спільності систем діагностичних рівнянь, що відповідають гіпотезам, які перевіряються. Якщо система діагностичних рівнянь спільна, то відповідна їй гіпотеза приймається, якщо не спільна – відкидається.

**2. Діагностування систем, які задано передаточними функціями.** При описі систем широко застосовується апарат передаточних функцій. Щодо задач діагностування будемо мати на увазі наступне.

Нехай справну систему задано у вигляді структурної схеми. Будемо розглядати підсистеми, які мають скалярним входом та виходом, залежність між якими описується відомою передаточною функцією виду  $W(p) = Z_i(p)/V_i(p)$ , де  $Z_i(p), V_i(p)$  – зображення за Лапласом сигналу  $Z_i(t)$  на виході та сигналу  $V_i(t)$  на вході підсистеми.

Будемо вважати, що несправності можливі лише тільки в одній підсистемі, несправність змінює передаточну функцію підсистеми на невідому залежність між її входом та виходом. В частковому випадку несправна підсистема може описуватися невідомою передаточною функцією. Тоді несправності не виводять систему, що діагностується, з класу лінійних систем.

Задача полягає в тому, щоб маючи опис справної системи та наявними реалізаціями вхідних та вихідних сигналів системи, що діагностується, визначити несправну підсистему.

Підсистеми у лінійній системі при структурних несправностях можуть мати тільки дві з трьох діагностичних властивостей: незалежними спостереженнями та незалежними управліннями. Тому аналіз властивість бути діагностовано для підсистеми зводиться до визначення цих властивостей у різноманітних пар підсистем. Для підсистем, які володіють якоюсь властивістю, використовується відповідний метод діагностування.

Спочатку розглянемо підсистеми з незалежним спостереженням. Передаточну функцію від виходу  $Z_i(p)$  несправної підсистеми  $S_i$  до виходу всієї системи  $y_k$  (як і раніше – скалярної величини) позначимо як  $W_{i,k}$  (для спрощення запису тут, і у подальшому, крім обумовлених випадків, символом  $p$ , що позначає зображення при запису передаточних функцій, будемо нехтувати).

Залежність вихідного сигналу всієї системи від вихідного сигналу підсистеми  $S_i$  має вигляд

$$y_k(p) = W_{i,k} Z_i(p), \quad k = \overline{1, n}.$$

Несправна підсистема  $S_i$  є такою, що спостерігається, в тому і лише в тому випадку, якщо існує вихід системи  $y_k$ , відносно якого передаточна функція  $W_{i,k}$  має зворотну  $W_{i,k}^{-1}$ . Підсистеми  $S_i$  та  $S_j$  є такими, що не розрізняються при гіпотезі  $H_i$ , лише в тому випадку, якщо при несправній підсистемі  $S_j$  існує таке значення  $\Delta Z_i$ , що

$$L_i(u) \Delta Z_i = L_j(u) \Delta Z_j, \quad u \in D_u,$$

де оператори  $L_i$  та  $L_j$  задають класи несправностей в підсистемах  $S_i$  та  $S_j$ , відповідно.

Останнє рівняння для випадку опису підсистеми у вигляді передаточних функцій записується наступним чином:

$$\begin{bmatrix} W_{i,1} \\ \vdots \\ W_{i,n} \end{bmatrix} Z_i(p) = \begin{bmatrix} W_{j,1} \\ \vdots \\ W_{j,n} \end{bmatrix} Z_j(p). \quad (7)$$

**Твердження 2.1.** Підсистеми  $S_i$  та  $S_j$  мають незалежні спостереження відносно деяких виходів системи  $Z_a$ ,  $Z_\delta$  при гіпотезі  $H_i$ , якщо підсистема  $S_i$  є такою, що спостерігається та

$$W_{i,a} W_{j,\delta} \neq W_{j,a} W_{i,\delta}. \quad (8)$$

**Доведення.** Слід довести, що при заданому  $Z_j(p)$  не існує  $Z_i(p)$ , яке задовольняє рівності (7).

Оскільки  $S_i$  є такою, що спостерігається, то хоча б для однієї передаточної функції  $W_{i,a}$ ,  $W_{i,\delta}$  існує зворотна функція. Нехай існує  $W_{i,a}^{-1}$ . Тоді з (8) отримаємо

$$Z_i(p) = W_{i,a}^{-1} W_{j,a} Z_j(p). \quad (9)$$

Очевидно, що значення  $Z_i(p)$ , яке отримано відносно виходу  $Z_a$ , повинно задовольняти і рівнянню, яке відповідає виходу системи  $Z_\delta$  ( $\delta$ -й рядок системи рівнянь (7)).

Підставимо (9) в  $\delta$ -й рядок (7), тоді

$$W_{i,\delta} W_{i,a}^{-1} W_{j,a} Z_j(p) = W_{j,\delta} Z_j(p). \quad (10)$$

Рівність (10) існує тільки у тому випадку, якщо

$$W_{i,\delta} W_{i,a}^{-1} W_{j,a} = W_{j,\delta} \quad \text{або}$$

$W_{i,\delta} W_{j,a} = W_{i,a} W_{j,\delta}$ . Але ця рівність відповідно до умови (8) не існує, тобто, не виконується і рівність (10), тобто при заданому  $Z_j(p)$  не існує значення  $Z_i(p)$ , яке задовольняє виразу (7).

Незалежність спостережень підсистем зумовлюється структурою та параметрами системи. Для систем, заданих передаточними функціями, зручно спочатку провести аналіз системи в символьному вигляді. При цьому передаточні функції виразу (8) визначаються у загальному вигляді відповідно до алгебри структурних схем по передаточних функціях, заданих символами  $W_1, \dots, W_n$ . Аналіз в символьному вигляді дозволяє поставити необхідні умови лінійної незалежності спостережень підсистем та достатні умови їх залежності.

Якщо встановлено, що умова (8) при символьному аналізі виконується, то слід цю умову перевірити для конкретних моделей підсистем, що дозволяє остаточно встановити незалежність спостережень підсистем.

Якщо при символьному аналізі умова (8) не виконується, то підсистеми  $S_i$  та  $S_j$  мають

незалежні спостереження і подальший аналіз не проводиться.

Очевидно, що підсистеми є незалежним спостереженням є такими, що розрізняються для широкого класу несправностей, причому, метод діагностування підсистем є незалежним спостереженням полягає у перевірці сумісності системи діагностичних рівнянь, складеної для кожної з гіпотез.

Далі розглянемо підсистеми з незалежним управлінням. Нехай система, що діагностується, має  $m$  входів та один вихід. Як і раніше, будемо розглядати підсистеми зі скалярними входом та виходом.

Передаточну функцію від входу системи  $u_k(p)$  до входу  $V_i(p)$  несправної підсистеми  $S_i$  позначимо через  $V_{i,k}(p)$  (далі використовується позначення  $V_{i,k}$ , в силу зробленого вище зауваження), для якої приймемо  $V_{i,k} = (V_{i,1}, \dots, V_{i,m})$ . В справній частині системи виділимо, в свою чергу, підсистему  $S_j$ . Передаточну функцію від входу системи  $u_k(p)$  до входу цієї підсистеми  $V_j(p)$  позначимо через  $V_{j,k}^i$ , де  $V_{j,k}^i = (V_{j,1}^i, \dots, V_{j,m}^i)$ .

Варіацію вхідних сигналів системи  $\Delta u(p)$ , що забезпечує варіацію вхідного сигналу підсистеми  $S_i$  при незмінному вхідному сигналі підсистеми  $S_j$  при гіпотезі  $H_i$ , отримаємо з системи рівнянь

$$\begin{bmatrix} \Delta V_i(p) = 0 \\ \Delta V_j(p) \neq 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} V_i \\ V_j^i \end{bmatrix} \Delta u(p) \quad (11)$$

при умові, що

$$\text{ранг} \begin{bmatrix} V_i \\ V_j^i \end{bmatrix} = 2. \quad (12)$$

Для проведення подальших розмірковувань, зазначимо, що дієвим шляхом локалізації несправних підсистем може розглядатися метод навчальних та перевірочних характеристик (метод НПХ) [13-16]. Пошук несправної підсистеми за допомогою методу НПХ зводиться до почергового розгляду гіпотез  $H_i$  щодо несправності підсистеми  $S_i$ . Якщо деяка гіпотеза  $H_i$  приймається, то підсистема  $S_i$  вважається несправною.

Для перевірки гіпотези  $H_i$  виділяються навчальні  $N_{\text{навч}}$  та перевірочні  $N_{\text{пер}}$  множини контрольованих сигналів, що задовольняють умові:

$$N_{\text{навч}} \cap N_{\text{пер}} \neq N_{\text{пер}}.$$

Надалі скористаємося застосуванням методу НПХ щодо розгляду властивостей незалежних спостереження та управління при діагностуванні підсистем ЕП.

Тоді, перед перевіркою гіпотези  $H_i$  запишемо  $u^{\text{пер}}(p) = u^{\text{навч}}(p) + \Delta u(p)$ . Значення  $\Delta u(p)$  визначається з системи рівнянь (11) для заданого значення  $\Delta V_j(p)$ .

Процедура перевірки гіпотези  $H_i$  наступна.

1. При  $u^{\text{навч}}(p)$  визначається  $\Delta u^{\text{навч}}(p)$ .
2. Система встановлюється у вихідний початковий стан і при  $u^{\text{пер}}(p)$  визначається  $u^{\text{пер}}(p)$ .
3. Якщо  $\Delta u^{\text{пер}}(p) = \Delta u^{\text{навч}}(p)$ , то гіпотеза  $H_i$  приймається і підсистема  $S_i$  вважається несправною.

**Приклад 2.1.** Нехай підсистеми  $S_1, \dots, S_4$  деякої системи, що діагностується, описуються передаточними функціями:

$$W_1 = 1/p, \quad W_2 = 2/p^2, \quad W_3 = 2, \quad W_4 = 3.$$

Несправною може бути одна з підсистем, опис якої змінюється непередбачуваним чином. Вважаємо, що є можливість встановлення несправної підсистеми в деякий початковий стан. В даному випадку початковий стан справних підсистем – нульовий, несправної підсистеми – довільний. постійний. Слід, маючи вхідні та вихідні сигнали системи, визначити несправну підсистему в режимі тестового діагностування.

Дослідимо незалежність управлінь (властивість розрізнення) підсистем  $S_1, \dots, S_4$ . Властивість розрізнення при гіпотезі  $H_i$  встановлюється шляхом аналізу залежності вхідних сигналів підсистем при віддаленій підсистемі  $S_i$ . Аналіз незалежності управлінь підсистем проведемо в символьному вигляді. Таке дослідження дозволяє встановити достатні умови залежності управлінь підсистем та необхідні умови їх незалежності. Остаточню незалежність управлінь встановлюється заміною

позначень передаточних функцій конкретними залежностями.

При гіпотезі  $H_1$  (видаляється підсистема  $S_1$ )

$$V_{1,1} = 1, V_{1,2} = 0, V_{2,1}^1 = 0,$$

$$V_{2,2}^1 = \frac{1}{1 - W_2 W_3 W_4},$$

$$V_{3,1}^1 = 0, V_{3,2}^1 = \frac{W_2}{1 - W_2 W_3 W_4}, V_{4,1}^1 = 0,$$

$$V_{4,2}^1 = \frac{W_2 W_3}{1 - W_2 W_3 W_4}.$$

Маємо  $V_{1,1} V_{k,2}^1 \neq V_{1,2} V_{k,1}^1, k = \overline{2,4}$ , тобто, виконується (12) і підсистеми в парах  $S_1 - S_k, k = \overline{2,4}$  мають незалежні управління. Оскільки в

матрицях  $\begin{bmatrix} V_{1,1} & V_{1,2} \\ V_{k,1}^1 & V_{k,2}^1 \end{bmatrix}, k = \overline{2,4}$  є нульові

елементи  $(V_{1,2} = V_{2,1}^1 = V_{3,1}^1 = V_{4,1}^1 = 0)$ , то незалежність управлінь зумовлюється структурою схеми і зберігається при будь-якому описі підсистем. Таким чином, якщо гіпотеза  $H_1$  приймається, то несправна підсистема  $S_1$ , якщо не приймається ( $\overline{H_1}$ ), то слід перевірити підсистеми  $S_2, S_3, S_4$ .

Аналогічним чином при гіпотезі  $H_2$  отримуємо:

$$V_{1,1}^2 = 1, V_{1,2}^2 = 0:$$

$$V_{2,1} = W_1 W_2 W_3, V_{2,2} = 1,$$

$$V_{3,1}^2 = W_1, V_{3,4}^2 = V_{4,2}^2 = 0, V_{4,1}^2 = W_1 W_3.$$

Маємо  $V_{2,1} V_{k,2}^2 \neq V_{2,2} V_{k,1}^2, k = 1, 3, 4$ . Тобто, при перевірці гіпотези  $H_2$  множина підсистем розбивається на дві підмножини:  $\{S_2\}$  – якщо гіпотеза  $H_2$  приймається,  $\{S_1, S_3, S_4\}$  – якщо не приймається.

При гіпотезі  $H_3$  отримуємо  $V_{1,1}^3 = 1, V_{1,2}^3 = V_{2,1}^3 = V_{4,1}^3 = V_{4,2}^3 = 0, V_{2,2}^3 = 1, V_{3,1} = W_1, V_{3,2} = W_2$ . Оскільки  $V_{4,1}^3 = V_{4,2}^3 = 0$ , то підсистема  $S_4$  при гіпотезі  $H_3$  не має управлінь, а підсистеми  $S_3, S_4$  – є такими, що не розрізняються. Цей же висновок витікає з

рівності  $V_{3,1} V_{4,2}^3 = V_{3,2} V_{4,1}^3$ . Підсистеми в парах  $S_3 - S_1, S_3 - S_2$  мають незалежні управління і, таким чином, їх можна розрізнити, оскільки  $V_{3,1} V_{1,2}^3 \neq V_{3,2} V_{4,1}^3, V_{3,1} V_{2,2}^3 \neq V_{3,2} V_{2,1}^3$ . При перевірці гіпотези отримуємо наступне розбиття множини підсистем:  $\{S_3, S_4\}$  – якщо гіпотеза  $H_3$  приймається,  $\{S_1, S_2\}$  – якщо не приймається.

Модель справної системи

$$y^*(p) = \frac{W_1 W_3}{1 - W_2 W_3 W_4} u_1(p) + \frac{W_2 W_3}{1 - W_2 W_3 W_4};$$

$$u_2(p) = \frac{2p}{p^2 - 12} u_1(p) + \frac{4}{p^2 - 12} u_2(p).$$

Несправна система описується залежністю (нам невідомою)

$$y(p) = \frac{W_1 W_3}{1 - \tilde{W}_2 W_3 W_4} u_1(p) + \frac{\tilde{W}_2 W_3}{1 - \tilde{W}_2 W_3 W_4};$$

$$u_2(p) = \frac{2p^2}{p^2 - 6} u_1(p) + \frac{2}{p^3 - 6} u_2(p).$$

$$\Delta y(p) =$$

$$= y(p) - y^*(p) = \frac{2p}{p^5 - 12p^3 - 6p^2 + 72} \times$$

$$\times [(-12p + 6)u_1(p) + (-2p^2 + p)u_2(p)].$$

Перевіримо гіпотезу  $H_3$ . Всі розрахунки будемо перевіряти в просторі зображень перетворень по Лапласу.

Варіацію вхідних сигналів системи, які забезпечують незмінність вхідних сигналів підсистеми  $S_3$  і варіацію вхідних сигналів підсистеми  $S_1$ , отримуємо з системи рівнянь

$$\begin{bmatrix} \Delta V_3(p) = 0 \\ \Delta V_1(p) = \frac{2}{p^2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} V_{3,1} & V_{3,2} \\ V_{1,1}^3 & V_{1,2}^3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \Delta u_1(p) \\ \Delta u_2(p) \end{bmatrix} =$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1}{p} & \frac{2}{p^2} \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \Delta u_1(p) \\ \Delta u_2(p) \end{bmatrix}.$$

$$\text{Маємо } \Delta u_1(p) = \frac{2}{p^2}, \Delta u_2(p) = -\frac{1}{p}.$$

Задавши  $u_1^{\text{навч}}(p) = 1/p, u_2^{\text{навч}}(p) = 2/p$ , отримуємо

$$u_1^{\text{пер}}(p) = u_1^{\text{навч}}(p) + \Delta u_1(p) = (p + 2)/p, \\ u_2^{\text{пер}} = 1/p.$$

Процедура перевірки гіпотези  $H_3$  наступна.

1. При  $u^{\text{навч}}(p)$  отримаємо  $\Delta u^{\text{навч}}(p) = \frac{-8p^4 - 20p^3 + 12}{p^5 - 12p^3 - 6p^2 + 72}$ .

2. Встановивши систему в вихідний початковий стан, при  $u^{\text{пер}}(p)$  отримаємо

$$\Delta u^{\text{пер}}(p) = \frac{-4p^3 - 22p^2 - 36p + 24}{p^6 - 12p^4 - 6p^3 + 72p}.$$

3. Оскільки  $\Delta u^{\text{пер}}(p) \neq \Delta u^{\text{навч}}(p)$ , то гіпотеза  $H_3$  не приймається, і на несправність підозрюються підсистеми  $S_1, S_2$ .

Аналогічним чином перевіряються гіпотези  $H_1, H_2$ . З них приймається тільки гіпотеза  $H_2$  і підсистема  $S_2$  вважається несправною.

Якщо в підсистемах допускаються лише параметричні несправності, то процедура діагностування полягає в перевірці сумісності перевизначеної системи діагностичних рівнянь, які складено відносно параметрів підсистеми. Яка перевіряється. Перевизначена система діагностичних рівнянь формується відповідним вибором контрольних точок або вхідних сигналів системи. Якщо підсхеми мають незалежні спостереження або управління, то можна спочатку визначити несправну підсистему, а потім оцінити значення її параметрів.

**3. Діагностування лінійних систем в просторі станів.** Представлення динамічних систем в просторі станів з дискретними змінними дозволяє провести формалізацію процедур аналізу та діагностування складних багатовимірних замкнутих систем, зручну для числової реалізації засобами обчислювальної техніки та, крім того, дозволяє з єдиних позицій розглядати лінійні та нелінійні системи, а також стаціонарні та нестаціонарні системи.

Проблема, яка виникає при числовому аналізі та діагностуванні динамічних систем, полягає в урахуванні затримок сигналів від виходів підсистеми до виходів системи в цілому. Вона (проблема) вирішується виділенням шляхів проходження сигналів від виходів підсистеми, яка діагностується, та виходом системи на кожному такті реалізації рівнянь, що описують систему.

**3.1. Підсистеми з незалежним спостереженням.** Дано спочатку постановку задачі діагностування систем з незалежним спостереженням при її формалізації у просторі станів.

**Постановка задачі.** Справна система, що діагностується, описується рівняннями

$$\mathbf{X}^*(k+1) = \mathbf{A} \mathbf{X}^*(k) + \mathbf{B} \mathbf{u}(k),$$

$$\mathbf{X}^*(0) = \mathbf{X}_0^*, \quad (13)$$

$$\mathbf{y}^*(k) = \mathbf{C} \mathbf{X}^*(k), \quad (14)$$

де  $\mathbf{X}^*$  – вектор стану системи розмірності  $n$ ;  $\mathbf{u}, \mathbf{y}^*$  – вектори вхідних та вихідних сигналів, що вимірюються, відповідно;  $\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{C}$  – відомі матриці відповідно розмірностей  $n \times n, n \times q, r \times n$ ;  $k$  – номер рівняння в системі (13).

В системі, що діагностується, може бути виділено підсистеми, кожна з яких описується певною сукупністю рівнянь з системи рівнянь (13).

Одна з підсистем може бути несправною. В результаті несправностей підсистема може стати нелінійною, нестаціонарною, змінити свій порядок та початковий стан. Необхідно, маючи за наявні моделі (13) та (14), сигнали на вході та виході системи, що діагностується, визначити несправну підсистему.

**Модель несправної системи.** Несправну систему представимо такою, що складається зі справної та несправної підсистем. Несправна підсистема описується невідомою залежністю  $\mathbf{Z}_i(k+1) = f_i[\mathbf{V}_i(k)]$ , де  $\mathbf{Z}_i, \mathbf{V}_i$  – вектори сигналів на вході та виході підсистеми відповідно до розмірностей  $r_i$  та  $m_i$ .

Для опису справної підсистеми видалимо з системи рівнянь (13) рівняння, що описують підсистему  $S_i$ . Крім того, виділимо шляхи проходження сигналів на виході справної та несправної підсистем. При цьому матриця  $\mathbf{A}$  перетворюється в матриці  $\mathbf{A}_i, \mathbf{N}_i$ , а матриця  $\mathbf{C}$  – в матриці  $\mathbf{C}_i, \mathbf{P}_i$ .

Нехай (для конкретності подальших розмірковувань) справна частина системи описується наступним чином:

$$\left. \begin{aligned} \mathbf{X}_i(k+1) &= \mathbf{A}_i \mathbf{X}_i(k) + \mathbf{N}_i \mathbf{Z}_i(k) + \mathbf{B}_i \mathbf{u}(k), \\ \mathbf{V}_i(k) &= \mathbf{R}_i \mathbf{X}_i(k) + \mathbf{G}_i \mathbf{u}(k), \\ \mathbf{Y}_i(k) &= \mathbf{C}_i \mathbf{X}_i(k) + \mathbf{P}_i \mathbf{Z}_i(k), \end{aligned} \right\}, \quad (15)$$

де  $\mathbf{X}_i$  – вектор змінних стану справної підсистеми,  $\mathbf{Y}_i$  – вектор сигналів системи на виході при несправній підсистемі  $S_i$ .

Вектор  $\mathbf{X}_i$  сформовано з  $\mathbf{X}^*$  заміною нулями компонент, що відповідають змінним стану справної підсистеми  $S_i$ . Вектор  $\mathbf{Z}_i$  сформовано з вектору  $\mathbf{X}^*$  заміною нулями компонент, що не є змінними на виході справної підсистеми  $S_i$  (вихідні сигнали справної підсистеми  $S_i$  в нашому випадку являють собою компоненти вектору змінних стану  $\mathbf{X}^*$ ).

Формально матриці  $\mathbf{A}_i$ ,  $\mathbf{N}_i$  можна отримати з матриць  $\mathbf{A}$ , а  $\mathbf{B}_i$  з  $\mathbf{B}$  заміною нулями рядків, що описують справну підсистему  $S_i$ . Крім того, в матриці  $\mathbf{A}_i$  нулями замінено всі стовпчики, елементи яких не являють собою співмножники змінних стану  $\mathbf{X}_i$  справної підсистеми, в матриці  $\mathbf{N}_i$  нулями замінено всі стовпчики, елементи яких не являють собою співмножники вектору змінних  $\mathbf{Z}_i$ .

Матрицю  $\mathbf{C}_i$  отримано з матриці  $\mathbf{C}$  заміною нулями стовпців, елементи яких не є співмножниками вектору змінних стану  $\mathbf{X}_i$ , а матрицю  $\mathbf{P}_i$  отримано з матриці  $\mathbf{C}$  заміною нулями стовпців, елементи яких не є співмножниками вектору змінних  $\mathbf{Z}_i$ .

Матриця  $\mathbf{R}_i$  розмірності  $m_i \times n$  виділяє з  $\mathbf{X}_i$  (у відповідних клітинках матриці стоять одиниці) компоненти, які є сигналами на вході несправної підсистеми  $S_i$ .

Матриця  $\mathbf{G}_i$  розмірності  $m_i \times q$  виділяє з  $\mathbf{u}$  у відповідних клітинках матриці стоять одиниці) компоненти, які є сигналами на вході справної підсистеми  $S_i$ .

В описі справної підсистеми несправної системи вектори та матриці формуються заміною нулями компонент, а не їх видаленням з первинних векторів та матриць для того, щоб спростити дотримання розмірностей при аналізі в матричному вигляді.

### Властивості спостереження та розрізнення підсистем.

**Визначення 3.1.** Несправну підсистему  $S_i$  будемо називати такою, що має *властивість*

*спостереження*, якщо за вимірюваннями сигналів на вході та виході системи можна визначити сигнал на її виході  $\mathbf{Z}_i(0)$ .

Можливі дві ситуації:

- початковий стан справної системи відомий;
- початковий стан справної системи невідомий (стан несправної підсистеми завжди відомий).

Отримаємо критерій можливості спостереження несправної підсистеми  $S_i$  при відомому початковому стані  $\mathbf{X}_i(0)$  справної системи.

Як витікає з (15), вихідні сигнали системи з несправною підсистемою  $S_i$  визначаються залежністю

$$\begin{aligned} \begin{bmatrix} Y_i(0) \\ Y_i(1) \\ \vdots \\ Y_i(\nu_i) \end{bmatrix} &= \begin{bmatrix} C_i \\ C_i A_i \\ \vdots \\ C_i A_i^{\nu_i} \end{bmatrix} \mathbf{X}_i(0) + \\ &+ \begin{bmatrix} P_i & & & \\ C_i N_i & P_i & & \\ \vdots & & & \\ C_i A_i^{\nu_i-1} N_i & C_i A_i^{\nu_i-2} & \dots & P_i \end{bmatrix} \times \\ &\quad \begin{bmatrix} Z_i(0) \\ Z_i(1) \\ \vdots \\ Z_i(\nu_i) \end{bmatrix} + \\ &+ \begin{bmatrix} 0 & & & \\ C_i B_i & 0 & & \\ \vdots & & & \\ C_i A_i^{\nu_i-1} B_i & C_i A_i^{\nu_i-2} B_i & \dots & C_i B_i \end{bmatrix} \times \\ &\quad \times \begin{bmatrix} u(0) \\ u(1) \\ \vdots \\ u(\nu_i-1) \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (16)$$

В матричному вигляді систему рівнянь (16) запишемо, дотримуючись відповідності доданків, наступним чином:

$$\begin{aligned} \Lambda_i(\nu_i) &= \Psi_i^{(\nu_i)} \mathbf{X}_i(0) + \\ &+ \Phi_i^{(\nu_i)} \boldsymbol{\mu}_i(\nu_i) + \theta_i^{(\nu_i)} \mathbf{U}(\nu_i-1), \end{aligned} \quad (17)$$



де

$$\begin{aligned} \Lambda_i(v_i) &= [Y_i(0), \dots, Y_i(v_i)]^T, \\ \mu_i(v_i) &= [Z_i(0), \dots, Z_i(v_i)]^T, \\ \mathbf{U}(v_i - 1) &= [u(0), \dots, u(v_i - 1)]^T. \end{aligned}$$

Оскільки в систему рівнянь для визначення  $\mathbf{Z}_i(0)$ , яка формується, не повинні входити невідомі значення  $\mathbf{Z}_i(k)$ ;  $k \geq 1$ , то з (16) і (17) необхідно виключити рівняння, які містять  $\mathbf{Z}_i(k)$ ;  $k \geq 1$ . При цьому (17) перетворюється до вигляду:

$$\Lambda_i(v_i) = \mathbf{K}_i^{(v_i)} \mathbf{X}_i(0) + \mathbf{F}_i^{(v_i)} \mathbf{Z}_i(0) + \mathbf{Q}^{(v_i)} \mathbf{U}(v_i - 1). \quad (18)$$

Позначимо

$$\begin{aligned} \Delta \mathbf{Z}_i(0) &= \mathbf{Z}_i(0) - \mathbf{Z}_i^*(0) \text{ та} \\ \Delta \Lambda_i(v_i) &= \Lambda_i(v_i) - \Lambda_i^*(v_i), \end{aligned} \quad (19)$$

де  $\Lambda_i^*(v_i)$  – вектор сигналів на виході справної системи, що визначається шляхом розрахунку або замірів сигналів справного екземпляра системи.

З (18) випливає

$$\Delta \Lambda_i(v_i) = \mathbf{F}_i^{(v_i)} \Delta \mathbf{Z}_i(0). \quad (20)$$

Матрицю  $\mathbf{F}_i^{(v_i)}$  будемо називати *матрицею спостереження* несправної підсистеми  $S_i$ . Формально  $\mathbf{F}_i^{(v_i)}$  можна отримати за наступним алгоритмом:

– сформувати матрицю

$$\begin{bmatrix} P_i \\ \text{-----} \\ C_i N_i \\ \text{-----} \\ \vdots \\ \text{-----} \\ C_i A_i^{v_i-1} N_i \end{bmatrix},$$

– в черговій складовій матриці, яку відділено штриховими лініями, видалити рядки, що відповідають номерам ненульових рядків попередніх складових матриць (в даному випадку для зберігання розмірності матриць з метою забезпечення зручності їх співставлення рядки не видаляються, а замінюються прочерком).

**Твердження 3.1.** Підсистема  $S_i$  є такою, що характеризується властивістю спостереження в тому і тільки в тому випадку, якщо існує таке значення  $v_i$ , що ранг  $\mathbf{F}_i^{(v_i)} = n_i$ .

Справедливість твердження витікає з умови можливості розв'язування рівняння (20) відносно  $\Delta \mathbf{Z}_i(0)$ .

Рівняння, складене відносно величини, яка оцінюється, будемо називати діагностичним. В даному випадку діагностичним є рівняння (20).

Позначимо через  $H_i$  гіпотезу про те, що несправною є підсистема  $S_i$ . Гіпотеза  $H_i$  перевіряється шляхом формування діагностичного рівняння (20) і перевірки його сумісності. Якщо рівняння (20) сумісне, то гіпотеза  $H_i$  приймається і підсистема  $S_i$  вважається несправною, якщо не сумісне, то гіпотеза  $H_i$  не приймається.

Будемо говорити, що підсистеми  $S_i, S_j$  є такими, що *не розрізняються*, якщо гіпотеза  $H_i$  приймається як при несправній підсистемі  $S_i$ , так і при несправній підсистемі  $S_j$ .

Рівняння (20) складено відносно  $\mathbf{Z}_i(0)$  на відріжку часу  $[0, v_i]$ . Для впевненого розпізнавання гіпотези може знадобитися перевірка сумісності діагностичного рівняння, складеного відносно  $\mathbf{Z}_i(\eta)$  на відріжку  $[\eta, \eta + v_i]$ ,  $\eta \geq 0$  при  $\Delta \Lambda_i(\eta + v_i) \neq 0$ .

Підсистеми  $S_i, S_j$  є такими, що не розрізняються в тому і лише в тому випадку, якщо при несправній підсистемі  $S_j$  існує таке значення  $\mathbf{Z}_i(0)$ , що  $\Delta \Lambda_i(v_i) = \Delta \Lambda_{ij}(v_i)$ , де  $\Delta \Lambda_{ij}(v_i)$  – вектор, утворений з компонент вектора сигналів системи на виході з несправною підсистемою  $S_j$ , що відповідають компонентам вектора  $\Delta \Lambda_i(v_i)$ .

Вихідні сигнали системи з несправною підсистемою  $S_j$  описуються виразом (17) при зміні індексу  $i$  на  $j$ . При цьому  $\Delta \Lambda_{ij}(v_i)$  визначається залежністю

$$\Delta \Lambda_{ij}(v_i) = \Phi_{ji}^{(v_i)} \Delta \mu_j(v_i), \quad (21)$$

де  $\Phi_{j,i}^{(v_i)}$  – матриця, отримана з матриці  $\Phi_j^{(v_i)}$  видаленням рядків, для яких не існує компонент в векторі  $\Delta\Lambda_i(v_i)$ .

С урахуванням (20), (21) рівність  $\Delta\Lambda_i(v_i) = \Delta\Lambda_{i,j}(v_i)$  запишемо у вигляді

$$F_i^{(v_i)} \Delta Z_i(0) = \Phi_{j,i}^{(v_i)} \Delta \mu_i(v_i). \quad (22)$$

**Твердження 3.2.** Підсистеми  $S_i, S_j$  є такими, що розрізняються, при гіпотезі  $H_i$ , якщо

$$\text{ранг} \left[ F_i^{(v_i)} \mid \Phi_{j,i}^{(v_i)} \right] = \eta_i + \text{ранг} \Phi_{j,i}^{(v_i)}. \quad (23)$$

Зазначимо, що матриця  $\Phi_{j,i}^{(v_i)}$  може мати довільний ранг.

Справедливість твердження витікає з умови лінійної незалежності  $\Delta \mu_i(v_i), \Delta Z_i(0)$ , що визначається рівністю (22).

**Визначення 3.2.** Підсистеми  $S_i, S_j$  будемо називати підсистемами з незалежним спостереженням при гіпотезі  $H_i$ , якщо вектори  $\Delta \mu_i(v_i), \Delta Z_i(0)$  є лінійно незалежними.

Необхідною і достатньою умовою незалежності спостережень підсистем  $S_i, S_j$ , яке забезпечує можливість їх розрізнення при гіпотезі  $H_i$ , є умова (23). Однак, якщо  $\text{ранг} \left[ F_i^{(v_i)} \mid \Phi_{j,i}^{(v_i)} \right] > n_i$ , то підсистеми  $S_i, S_j$  вже є такими, що розрізняються, для широкого класу несправностей.

Якщо початковий стан несправної підсистеми  $X_i(0)$  невідомий, то при діагностуванні необхідно відновити не тільки  $Z_i(0)$ , але й  $X_i(0)$ .

Вважаючи невідомими  $Z_i(0)$  та  $X_i(0)$ , з (12) отримаємо

$$\begin{aligned} \Lambda_i(v_i) - Q_i^{(v_i)} u(v_i - 1) = \\ = \left[ F_i^{(v_i)} \mid K_i^{(v_i)} \right] \times \begin{bmatrix} Z_i(0) \\ X_i(0) \end{bmatrix}. \end{aligned} \quad (24)$$

З (18) впливає твердження.

**Твердження 3.3.** При невідомому початковому стані системи несправна підсистема  $S_i$  є такою, що спостерігається, в тому і лише в тому випадку, якщо існує значення  $v_i$  таке, що

$$\text{ранг} \left[ F_i^{(v_i)} \mid K_i^{(v_i)} \right] = n_i + \ell_i,$$

де  $\ell_i$  – ранг матриці  $K_i^{(v_i)}$ , який дорівнює числу змінних стану справної підсистеми.

Гіпотеза  $H_i$  перевіряється шляхом перевірки сумісності діагностичного рівняння (24). Аналогічно (23) можна отримати умову розрізнення підсистем  $S_i, S_j$  при гіпотезі  $H_i$  для умови, коли початковий стан справної системи невідомий.

**Твердження 3.4.** Підсистеми  $S_i, S_j$  є такими, що розрізняються, при гіпотезі  $H_i$ , якщо

$$\begin{aligned} \text{ранг} \left[ F_i^{(v_i)} \mid K_i^{(v_i)} \mid \Phi_{j,i}^{(v_i)} \mid \Psi_{j,i}^{(v_i)} \right] = \\ = n_i + \ell_i + \text{ранг} \Phi_{j,i}^{(v_i)} + \text{ранг} \Psi_{j,i}^{(v_i)}, \end{aligned}$$

де  $\Psi_{j,i}^{(v_i)}$  формується подібно  $\Phi_{j,i}^{(v_i)}$  з матриці  $\Psi_j^{(v_i)}$ .

Якщо  $\text{ранг}$

$$\left[ F_i^{(v_i)} \mid K_i^{(v_i)} \mid \Phi_{j,i}^{(v_i)} \mid \Psi_{j,i}^{(v_i)} \right] > n_i + \ell_i,$$

то це дає підставу вважати підсистеми  $S_i, S_j$  такими, що розрізняються при гіпотезі  $H_i$  для широкого класу несправностей.

**3.2. Підсистеми з незалежним управлінням.** Вхідні сигнали несправної підсистеми  $S_i$  на інтервалі  $[0, \eta]$  у відповідності до (15) визначаються залежністю

$$\begin{aligned} \begin{bmatrix} V_i(0) \\ V_i(1) \\ \vdots \\ V_i(\eta) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R_i \\ R_i A_i \\ \vdots \\ R_i A_i^{\eta-1} \end{bmatrix} X_i(0) + \\ + \begin{bmatrix} 0 \\ R_i N_i & 0 \\ \vdots \\ R_i A_i^{\eta-1} N_i & R_i A_i^{\eta-2} N_i \dots R_i N_i \end{bmatrix} \times \\ \times \begin{bmatrix} Z_i(0) \\ Z_i(1) \\ \vdots \\ Z_i(\eta) \end{bmatrix} + \end{aligned}$$

$$+ \begin{bmatrix} 0 \\ R_i B_i & G_i \\ \vdots \\ R_i A_i^{\eta-1} B_i & R_i A_i^{\eta-2} B_i \dots G_i \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} u(0) \\ u(1) \\ \vdots \\ u(\eta) \end{bmatrix}. \quad (25)$$

В матричному вигляді систему рівнянь (25) запишемо наступним чином:

$$\mathbf{V}_i(\eta) = \mathbf{E}_i^{(\eta)} \mathbf{X}_i(0) + \Gamma_i^{(\eta)} \boldsymbol{\mu}_i(\eta-1) + \mathbf{W}_i^{(\eta)} \mathbf{U}(\eta). \quad (26)$$

Вхідні сигнали  $\mathbf{V}_j(\eta)$  підсистеми  $S_j$  при гіпотезі  $H_i$  визначаються системою рівнянь (25) при заміні матриць  $\mathbf{R}_i, \mathbf{G}_i$  на  $\mathbf{R}_j, \mathbf{G}_j$ . При цьому  $\mathbf{V}_j(k)$  визначається  $k$ -м рівнянням системи (25).

**Визначення 3.3.** Підсистеми  $S_i, S_j$  будемо називати підсистемами з незалежним управлінням при гіпотезі  $H_i$ , якщо для кожної компоненти  $V_{j,s}(k)$  вектора  $\mathbf{V}_j(k)$  існує таке значення  $k = k_s$ , що змінна  $V_{j,s}(k_s)$  лінійно незалежна з вектором  $\mathbf{V}_i(\eta)$ .

Для лінійно незалежних  $V_i(\eta), V_{j,s}(k_s)$  існують сигнали на вході системи, які забезпечують зміни  $V_{j,s}(k_s)$  при незмінному значенні  $\mathbf{V}_i(\eta)$ . Якщо при зміні сигналів на вході системи на  $\Delta U(\eta)$  сигнали на вході підсистеми  $S_i$  не міняються, то не міняються і сигнали на її виході. При цьому сигнал на вході  $\mathbf{V}_j(k_s)$  підсистеми  $S_j$  зміниться на величину  $\mathbf{V}_j(k_s) = \boldsymbol{\omega}_{j,s}^i(k_s) \Delta U(k_s)$  де

$$\boldsymbol{\omega}_{j,s}^i(k_s) =$$

$$= \begin{cases} \mathbf{G}_j & \text{при } k_s = 0, \\ \left[ \mathbf{R}_j \mathbf{A}_i^{k_s-1} B_i \mid \dots \mid \mathbf{R}_j B_i \mid \mathbf{G} \right] & \text{при } k_s \geq 1. \end{cases}$$

Компонента  $V_{j,s}(k_s)$  вектора  $\mathbf{V}_j(k_s)$  зміниться на величину  $\Delta V_{j,s}(k_s) = \boldsymbol{\omega}_{j,s}^i(k_s) \Delta U(k_s)$  де  $s$  – рядок матриці  $\boldsymbol{\omega}_{j,s}^i(k_s)$ .

Варіацію сигналів на вході системи  $\Delta U(\ell)$ , які забезпечують зміну змінної  $\mathbf{V}_{j,s}(k_s)$  при незмінному значенні  $\mathbf{V}_i(\eta)$ , можна віднайти з наступної системи рівнянь

$$\begin{bmatrix} \Delta V_i(\eta) = \mathbf{0} \\ \Delta V_{j,s}(k_s) \neq \mathbf{0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{W}_i^{(\eta)} \\ \boldsymbol{\omega}_{j,s}^i(k_s) \end{bmatrix} \times \Delta U(\ell), \quad \ell = \max \{ \eta, k_s \}, \quad (27)$$

розв'язок якої існує в тому і лише в тому випадку, якщо

$$\text{ранг} \begin{bmatrix} \mathbf{W}_i^{(\eta)} \\ \boldsymbol{\omega}_{j,s}^i(k_s) \end{bmatrix} = \text{ранг } \mathbf{W}_i^{(\eta)} + 1. \quad (28)$$

На підставі викладеного вище, сформулюємо твердження.

**Твердження 3.5.** Підсистеми  $S_i, S_j$  мають незалежні управління при гіпотезі  $H_i$  в тому випадку, якщо існують такі значення  $k_s, s = \overline{1, m_j}$ , для яких виконується (28).

Виділимо клас несправностей  $\mathbf{L}_j$ , при якому описи несправностей підсистеми  $S_j$  відрізняються від описів справної підсистеми на деяку величину (вектор), яка являє собою в загальному випадку функцію часу.

**Твердження 3.6.** Нехай несправності підсистеми  $S_j$  не належать класу  $\mathbf{L}_j$ . Підсистеми  $S_i, S_j$  розрізняються при гіпотезі  $H_i$ , якщо їх управління незалежні.

Доведення твердження 3.6 можна отримати, спираючись на результати, отримані в роботі [17].

Для перевірки гіпотези  $H_i$  сформулюємо сигнали на вході системи  $\mathbf{u}^{\text{навч}}(v_i-1), \mathbf{u}^{\text{пер}}(v_i-1)$  (навчаючі та перевірочні), які забезпечують варіацію змінної  $V_{j,s}(k_s)$  при незмінному значенні  $V_i(\eta)$ . Ці сигнали можуть бути довільними, але повинні відрізнятися на величину  $\Delta U(\ell)$ , отриману з (27) для заданого значення  $\Delta V_{j,s}(k_s) \neq 0$ .

Задавшись  $\mathbf{u}^{\text{навч}}(v_i - 1)$ , отримаємо  $\mathbf{u}^{\text{пер}}(v_i - 1) = \mathbf{u}^{\text{навч}}(v_i - 1) + \Delta u(\ell)$ .

Нехай існує можливість встановлення несправної системи в початковий стан, який для справної частини системи відомий, а для несправної підсистеми  $S_i$  невідомий. Тоді процедура перевірки гіпотези  $H_i$  наступна.

1. Система встановлюється у початковий стан  $i$ , при  $\mathbf{u}^{\text{навч}}(v_i - 1)$ , визначається у відповідності до (28) матриця  $\Delta \Lambda_i^{\text{об}}(v_i)$ .

2. Система встановлюється у початковий стан  $i$ , при  $\mathbf{u}^{\text{пер}}(v_i - 1)$  визначається  $\Delta \Lambda_i^{\text{пер}}(v_i)$ .

3. Перевіряється сумісність системи рівнянь

$$\begin{bmatrix} \Delta \Lambda_i^{\text{навч}}(v_i) \\ \Delta \Lambda_i^{\text{пер}}(v_i) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{F}_i^{(v_i)} \\ \mathbf{F}_i^{(v_i)} \end{bmatrix} \times \Delta \mathbf{Z}_i(0), \quad (29)$$

що еквівалентно перевірці рівності  $\Delta \Lambda_i^{\text{навч}}(v_i) = \Delta \Lambda_i^{\text{пер}}(v_i)$ .

Якщо система рівнянь (29) несумісна, то гіпотеза  $H_i$  не приймається, якщо сумісна, то це не суперечить гіпотезі  $H_i$ .

Для остаточної перевірки гіпотези  $H_i$  сумісність системи рівнянь (29) необхідно перевірити при сигналах на вході, які забезпечують варіацію сигналів на вході всіх підсистем, що мають з підсистемою  $S_i$  незалежні управління. Зазначимо, що сигналі на вході  $\mathbf{u}^{\text{навч}}(v_i - 1)$  та  $\mathbf{u}^{\text{пер}}(v_i - 1)$ , які забезпечують варіацію сигналів на вході підсистеми  $S_j$ , за звичай забезпечують також варіацію сигналів на вході для інших підсистем. Це дозволяє при одних й тих самих сигналах на вході системи забезпечити розрізнення підсистеми  $S_i$  з декількома підсистемами.

Інтервал діагностування повинен забезпечувати варіацію сигналу на виході системи при варіації сигналу на вході підсистеми  $S_j$ . Крім того, діагностування має сенс проводити, якщо  $\Delta \Lambda_i^{\text{навч}}(v_i) \neq \mathbf{0}$ . Тому, як і при діагностуванні підсистем з незалежним спостереженням, може знадобитися проведення

діагностичного експерименту на інтервалі  $[\eta, \eta + v_i]$ ,  $\eta \geq 0$ .

**Висновок.** Для діагностування несправності підсистем в без інерційних системах, за умови, що підсистеми спостерігаються незалежно, процедура діагностування підсистем полягає у перевірці спільності систем діагностичних рівнянь, що відповідають гіпотезам, які перевіряються. Якщо система діагностичних рівнянь спільна, то відповідна їй гіпотеза приймається, якщо не спільна — відкидається.

Слід також зазначити наступне. Для лінійних систем, що описуються за допомогою передаточних функцій, немає потреби виділяти з множини сигналів, які вимірюються, навчаючу та перевірочну множини, а тестування зводиться до перевірки сумісності системи рівнянь, що створює можливість для застосування словника у випадку локалізації несправних підсистем.

#### Список використаної літератури

1. Александровская, Л. Н. Современные методы обеспечения безотказности сложных технических систем / Л. Н. Александровская, А. П. Афанасьева, А. А. Лисов. – М. : Логос, 2006. – 208 с.
2. Бондаренко, В. М. Матричные методы диагностики электрических цепей / В. М. Бондаренко, С. Н. Редковец, А. И. Кашпировский // Теоретическая электродинамика. – 1985. – № 6. – С. 71-77.
3. Бутырин, П. А. Диагностика сложных электрических цепей по частям / П. А. Бутырин, Т. А. Васильковская // Изв. РАН Энергетика. – 2000– № 2. – С. 136-137.
4. Корноушенко, Е. К. Поиск неисправных компонент в линейных системах / Е. К. Корноушенко // Автоматика и телемеханика. – 1985. – № 3. – С. 104-110.
5. Кулик, А. С. Диагностируемость линейных непрерывных систем / А. С. Кулик // Автоматика и телемеханика. – 1987. – № 6. – С. 148-155.
6. Ломакина, Л. С. Методологические аспекты диагностирования состояний технических и программных систем / Л. С. Ломакина, А. М. Ворон // Фундаментальные исследования. – 2015. – № 12-2. – С. 297-304.
7. Catelani, M., & Fort, A. (2002). "Soft fault detection and isolation in analog circuits: some results and a comparison between a fuzzy approach and radial basis function networks", IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, (Apr 2002), Vol. 51, Issue 2, Apr 2002, pp. 196-202. DOI: 10.1109/19.997811.

8. Huang, W. H., & Wey, C. L. (December 1998), "Diagnosability analysis of analogue circuits", *Int. Journal Circuit Theory and Applications*, December 1998, Vol. 26, Issue 5, pp. 439-451.

9. Jung, D. E., Krysander, M., & Frisk, E. (2013), "A method for quantitative fault diagnosability analysis of stochastic linear descriptor models", *Int. Journ. Automatica* 49(6), pp. 1591-1600. DOI: 10.1016/j.automatica. 2013.02.045.

10. Kabisatpathy, P., Barua, A., & Sinha, S. (2004). "Fault detection and diagnosis in analog integrated circuits using artificial neural network in a pseudorandom testing scheme", *IEEE 3-rd International Conference on Electrical & Computer Engineering ICECE 2004*, 28-30 December 2004, pp. 52-56.

11. Верлань, А. А. Анализ диагностируемости объектов с перестраиваемой структурой / А. А. Верлань // *Моделирование та інформаційні технології. Зб. наук.праць ІПМЕ ім. Г. С. Пухова НАН України – К. : – 2008. – Вип. 45. – С. 3-9.*

12. Верлань, А. А. Декомпозиционный метод локализации неисправных электронных подсистем / А. А. Верлань, С. А. Положаенко, И. Х. Осман // *Электромашиностроение и электрооборудование. – 2007.– Вип. 69.– С.72-76.*

13. Верлань, А. А. Локализация неисправных электронных подсистем методом обучающих и проверочных характеристик / А. А. Верлань, С. А. Положаенко, И. Х. Осман // *Математичне та комп'ютерне моделювання. Серія: Техн. науки: зб. наук. праць. – Кам'янець-Подільський : Кам'янець-Подільський націон. ун-т ім. Івана Огієнка – 2008. – Вип. 1. – С. 140-144.*

14. Верлань, А. А. Формализация представления последовательности тестовых гипотез при диагностировании электронных схем / А. А. Верлань, Ю. Стерген, С. А. Положаенко // *"Informatics and Mathematical Methods in Simulation". – 2016. – Vol. 6.– No. 4. – Pp. 315-321.*

15. Verlan, A., and Polozhaenko, S. (2018). "Formalization of Representation of Sequence of Test Hypotheses In Diagnosing Electronic Schemes", *Proceedings of the 2018 IEEE 38-th International Conference "Electronics and Nanotechnology" (IEEE Xplore Digital Library)*, pp. 548-552.

16. Положаенко, С. А. Планування діагностичного експерименту при локалізації несправностей підсистем безінерційних систем / С. А. Положаенко, Л. Л. Прокоф'єва //

*Інформатика та математичні методи в моделюванні. – 2018. – Т. 8. – № 1. – С. 5-16.*

17. Верлань, А. Ф. Локализация неисправных фрагментов при диагностировании безынерционных систем / А. Ф. Верлань, С. А. Положаенко // *Електротехнічні та комп'ютерні системи: Теорія і практика. Спеціальний випуск. Астропрінт. – 2017. – С. 439-445.*

Отримано 05.12.2018

## References

1. Aleksandrovskaja, L. N., Afanas'eva, A. P., & Lisov, A. A. (2006). *Sovremennye metody obespechenija bezotkaznosti slozhnyh tehniceskikh system [Modern methods of ensuring the reliability of complex technical systems]*, Moscow, Russian Federation, *Logos Publ.*, 208 p. (in Russian).

2. Bondarenko, V. M., Redkovec, S. N., & Kashpirovskiy, A. I. (1985). *Matrichnye metody diagnostiki elektricheskikh cepey [Matrix methods for the diagnosis of electrical circuits]*, Kyiv, Ukraine, *Izd. dom "Teoreticheskaja elektrodinamika". Publ.*, No. 6, pp. 71-77 (in Russian).

3. Butyrin, P. A., & Vas'kovskaja, T. A. (2000). *Diagnostika slozhnyh elektricheskikh cepey po chastjam [Diagnosis of complex electrical circuits in parts]*, Moscow, Russian Federation, *Izd. dom "Izv. RAN Energetika". Publ.*, No. 2, pp. 136-137 (in Russian).

4. Kornouzhenko, E. K. (1985). *Poisk neispravnyh component v lineynyh systemah [Finding faulty components in linear systems]*, *Avtomatika i telemekhanika*. Moscow, Russian Federation, *Izd. dom "Avtomatika i telemekhanika". Publ.*, No. 3, pp. 104-110.

5. Kulik, A. S. (1987). *Diagnostiruemost lineynyh nepreryvnyh system [Diagnosability of linear continuous systems]*, *Avtomatika i telemekhanika*. Moscow, Russian Federation, *Izd. dom "Avtomatika i telemekhanika". Publ.*, No. 6, pp. 148-155 (in Russian).

6. Lomakina, L. S. (2015). *Metodologicheskie aspekty diagnostirovanija sostojanija tehniceskikh system [Methodological aspects of diagnosing the state of technical and software systems]*, *Fundamentalnye issledovanija, "Fundamentalnye issledovanija"*, *Publ.*, Moscow, Russian Federation, No. 12-2, pp. 287-304 (in Russian).

7. Catelani, M., & Fort, A. (2002). "Soft fault detection and isolation in analog circuits: some results and a comparison between a fuzzy approach and radial basis function networks", *Int. IEEE*

Transactions on Instrumentation and Measurement, Vol. 51, Issue 2, Apr 2002. pp. 196-202, DOI: 10.1109/19.997811.

8. Huang, W. H., & Wey, C. L. (1998). “Wey .Diagnosability analysis of analogue circuits”, Int. Journal Circuit Theory and Applications, Vol. 26, Issue 5, December 1998, pp. 439-451.

9. Jung, D. E., Krysanter, M., & Frisk, E. (2013). “A method for quantitative fault diagnosability analysis of stochastic linear descriptor models”, Int. Journ. Automatica 49(6), pp. 1591-1600, DOI: 10.1016/j.automatica. 2013.02.045.

10. Kabisatpathy, P., Barua, A., & Sinha, S. (2004). “Fault detection and diagnosis in analog integrated circuits using artificial neural network in a pseudorandom testing scheme”, int. IEEE 3-rd International Conference on Electrical & Computer Engineering ICECE 2004, 28-30 December 2004, pp. 52-56.

11. Verlan, A. A. (2008). Analiz diagnostuemosti ob'ektov s perestraivaemoy strukturoy [Analysis of the diagnosability of objects with a tunable structure], Modeluvannja ta informaciyni tehtologii. Zb. nauk. prac. IPME im. G. E. Puhova NAN Ukainy, Kyiv, Ukraine, *Izd. dom “Modeluvannja ta informaciyni tehtologii. Publ., Zb. nauk. prac. IPME im. G. E. Puhova NAN Ukainy”*. Vol. 45, pp. 3-9 (in Russian).

12. Verlan, A. A., Polozhaenko, S. A., & Osman, I. H. (2007). Decompozicionnyy metod localizaciy neispravnyh electronnyh podshem [Decomposition method for localization of faulty electronic subcircuits], Electromashinostroenie i electrooborudovanie. Odessa, Ukraine, *Izd. dom “Electromashinostroenie i electrooborudovanie”*, Publ., Vol. 69, pp. 72-76 (in Russian).

13. Verlan, A. A., Polozhaenko, S. A., & Osman, I. H. (2008). Localizacija neispravnyh electronnyh podshem metodom obuchajuzhchih I proverochnyh harakteristik [Localization of faulty electronic subschemes by the method of training and verification characteristics], Matematika chne ta komp'yuterne modeljuvannja. Serija: Tehn. nauky: zb. nauk. prac. Kam'janec-

Podil's'kiy, Ukraine, *Izd. dom “Matema-tychne ta komp'yuterne modeljuvannja. Publ. Serija: Tehn. nauky: zb. nauk. prac. – Kam'janec-Podil's'kiy: Kam'janec-Podil's'kiy nacion. Universitet im. Ivana Ogienka”*, Vol. 1, pp. 140-144 (in Russian).

14. Verlan, A. A., Sterten, Jo., & Polozhaenko, S. A. (2016). Formalizacija predstavlenija posledovatel'nosti testovyh gipotez pri diagnostirovanii electronnyh shem [Formalization of the presentation of the sequence of test hypotheses when diagnosing electronic circuits], Informatics and Mathematical Methods in Simulation, Odessa, Ukraine, *Izd. dom “Informatics and Mathematical Methods in Simulation”*, Publ., Vol. 6, No. 4, pp. 315-321 (in Russian).

15. Verlan, A., & Polozhaenko, S. (2018). “Formalization of Representation of Sequence of Test Hypotheses In Diagnosing Electronic Schemes”, Proceedings of the 2018 IEEE 38-th International Conference, “Electronics and Nanotechnology” (IEEE Xplore Digital Library), pp. 548-552.

16. Polozhaenko, S. A., & Prokof'eva, L. L. (2018). Planuvannja diagnostychnogo eksperymentu pry localizacii nespravnostey pidshem bezinerციynnyh system [Planning a diagnostic experiment for localization of malfunctions of subsystems of inertial systems, Informatyka ta matematychni metody v modeljuvanni]. Odessa, Ukraine, *Izd. dom “Informatyka ta matematychni metody v modeljuvanni”*, Publ., Vol. 8, No. 1, pp. 5-16 (in Ukrainian).

17. Verlan, A. F., & Polozhaenko, S. A. (2017). Lokalizacija neispravnyh fragmentov pry diagnostirovanii bezinerციонnyh system [Localization of faulty fragments in the diagnosis of inertialess systems], Electrotehnični ta komp'yuterni systemy. Special'nyy vypusk. *Izd. dom “Astroprint”*, Publ., pp. 439-445 (in Russian).

**Anatoli F. Verlan**<sup>1</sup>, Dr. of Tech. Sciences, Professor, Leading Researcher Institute for Modeling Problems in Energy G. E. Pukhov NAS of Ukraine, E-mail: afver1277@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-6469-2638, Kiev, Ukraine

**Sergii, A. Polozhaenko**<sup>2</sup> Dr. of Tech. Sciences, Professor, Head of the Department of Computerized Control Systems Odessa National Polytechnic University, E-mail: sanp277@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-4082-8270, Odessa, Ukraine

**Ludmila L. Prokofieva**<sup>2</sup>, Senior lecturer of the Department of Computerized Control Systems Odessa

National Polytechnic University, E-mail: luleonpro@gmail.com,  
ORCID: org/0000-0002-4045-2402, Odessa, Ukraine

**Vladimir P. Shylov**<sup>2</sup>, Candidate of Technical Sciences, Associate Professor, Associate Professor of the Department of Computerized Control Systems, E-mail: shylovvp@gmail.com,  
ORCID: org/0000-0002-3016-014X, Odessa, Ukraine

<sup>1</sup>Institute of Modeling Problems in the Energy Sciences of the National Academy of Sciences of Ukraine  
G. E. Puhov, st. General Naumov, 15, Kiev, Ukraine

<sup>2</sup>Odessa National Polytechnic University, Shevchenko Avenue, 1, Odessa, Ukraine

### Diagnosis of substances, which characterize the properties of independent observation and control

**Abstract.** Modern practice of the development of technical systems, and electrical engineering in particular, shows that their reliability is laid at the design stage and is ensured at the stage of production. The imperfection of production technology and violation of operating modes can lead to the appearance of various defects in the finished systems. Thus, the diagnosis of a technical object (system) must necessarily be present at all stages of its life cycle. Therefore, various works on ensuring the process of diagnosing the technical system is carried out in its design, manufacturing, testing and operation. At the same time, the purpose of the diagnosis is to maintain the necessary level of indicators of the technical state of the system. At the design stage, the main task of diagnosing is to provide the possibility of a potential diagnosis of the system being designed, and at the stage of production and operation, the current control of its performance. The constant increase in the complexity of technical systems, due to the increase and complication of the functions performed, the improvement of production technology, the increase of requirements to quality indicators, etc., leads to the complication of methods and diagnostic tools that provide the necessary properties of systems. For the diagnosis of electrical devices, methods such as: peripheral scanning, automatic generation of samples, built-in self-scanning, as well as methods of parametric identification, fault control methods, evaluation methods, etc. are used. Many of these methods are characterized by the following disadvantages: significant amount of computations, the need to access all nodes of the electrical circuit, the sensitivity to the errors of the calculations, and, as a consequence, the complexity of practical implementation. In addition, a significant spread in the diagnosis of electrical devices acquired a method of reference, based on the finding of a set of values of voltages or currents at the control points of those of them closest to the values obtained during measurement in the device being diagnosed. Despite the considerable achievements in the field of diagnosing the technical state of the systems, the relevance of theoretical research and the practical application of diagnostic methods as the basic principles for ensuring the necessary quality indicators of systems (and electrotechnical, in particular) and increasing the reliability of estimates of the technical condition of the latter remains determinative at the present time. Conditions of independent monitoring and control are considered and investigated, which ensure the possibility of conducting a diagnostic experiment without the withdrawal of a controlled system from operation.

**Keywords:** Diagnosis; diagnostic experiment; diagnostic methods; conditions of work; independent supervision; independent management; technical system

<sup>1</sup>**Верлань, Анатолий Федорович**, д-р технич. наук, профессор, ведущий научный сотрудник Института проблем моделирования в энергетике им. Г. Е. Пухова НАН Украины, E-mail: afverl277@gmail.com,

ORCID: org/0000-0002-6469-2638, г. Киев, Украина

<sup>2</sup>**Положаенко, Сергей Анатольевич**, д-р технич. наук, профессор, зав. каф. компьютеризованных систем управления, E-mail: sanp277@gmail.com,

ORCID: org/0000-0002-4082-8270

<sup>2</sup>**Прокофьева, Людмила Леонидовна**, ст. преподаватель каф. компьютеризованных систем управления, E-mail: prokofieva@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-4045-2402, г. Одесса, Украина

<sup>2</sup>**Шилов, Володимир Петрович**, канд. технич. наук, доцент, доцент кафедры компьютеризованных систем управления, E-mail: shylovvp@gmail.com, ORCID: org/0000-0002-3016-014X, г. Одесса, Украина

<sup>1</sup>Институт проблем моделирования в энергетике НАН Украины им. Г. Е. Пухова, ул. Генерала Наумова, 15, г. Киев, Украина

<sup>2</sup>Одесский национальный политехнический университет, пр-т Шевченко, 1, г. Одесса, Украина

### Діагностування підсистем, характеризуються своїми властивостями незалежного спостереження і управління

**Аннотация.** Современная практика разработки технических систем и электротехнических частности, показывает, что их надежность закладывается на стадии проектирования и обеспечивается на стадии производства. Незовершенство технологии производства и нарушения режимов эксплуатации могут привести к появлению различного

*рода дефектов в готовых системах. Таким образом, диагностирование технического объекта (системы) обязательно должен присутствовать на всех этапах его жизненного цикла. Постоянный рост сложности технических систем, связанный с увеличением и усложнением выполняемых функций, совершенствованием технологии производства, повышением требований к показателям качества и т.д., приводит к усложнению методов и средств диагностирования, которые обеспечивают необходимые свойства систем. Несмотря на значительные достижения в области диагностирования технического состояния систем, в настоящее время определяющей остается актуальность теоретических исследований и практического применения методов диагностирования как основы по обеспечению требуемых показателей качества систем (и электротехнических, в частности), а также повышение достоверности оценок технического состояния последних. Рассмотрены и исследованы условия независимых наблюдения и управления, обеспечивающих возможность проведения диагностического эксперимента без вывода контролируемой системы из строя.*

**Ключевые слова:** *диагностирования; диагностический эксперимент; методы диагностики; условия работоспособности; независимое наблюдение; независимое управление; техническая система*